**Wydział Elektroniki i Technik Informacyjnych**

**Politechnika Warszawska**

**Sterowanie procesami**

**Sprawozdanie z projektu pierwszego**

**Zadanie 5**

**Konrad Winnicki**

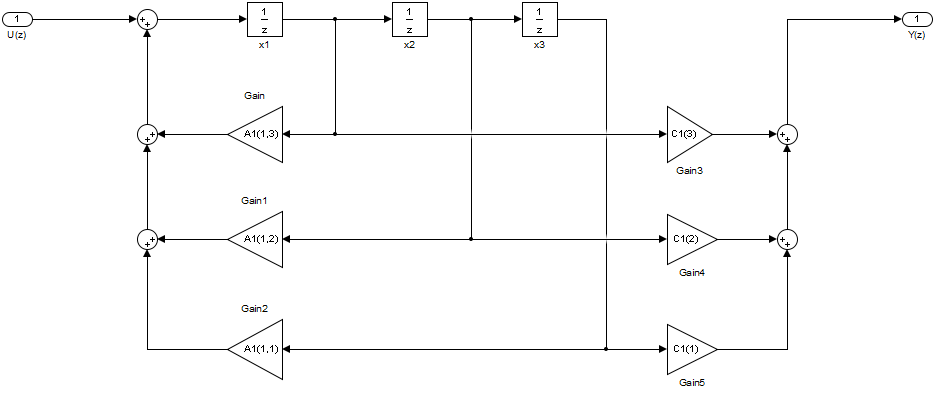
Warszawa, 27 kwietnia 2018

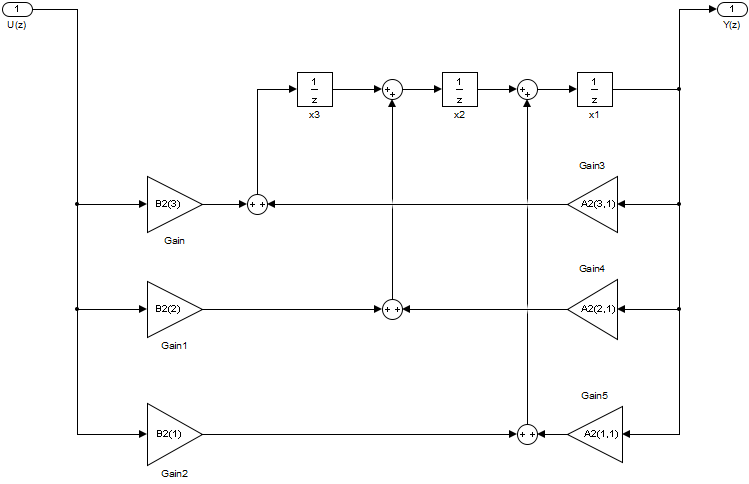
**Proces dynamiczny opisany jest transmitancją ciągłą:**

1. **Wyznaczenie transmitancji dyskretnej, zer i biegunów transmitancji ciągłej oraz dyskretnej:**
   * Wykorzystując polecenie c2dm dostępne w Matlabie wyznaczam transmitancję dyskretną na podstawie ciągłej przy wykorzystaniu ekstrapolatora zerowego rzędu i okresie próbkowania równym 0.25s
     + W pierwszym kroku wymagane jest uzyskanie dwóch wektorów współczynników licznika i mianownika, które to otrzymałem wymnażając licznik i mianownik sprowadzając transmitancję ciągłą do postaci:
     + Wyznaczone wektory licznika num\_s i mianownika den\_s:
     + Wektory licznika i mianownika transmitancji dyskretnej uzyskane funkcją c2dm:
   * Wyznaczona transmitancja dyskretna przyjmuje postać:
   * Zera i bieguny transmitancji:
     + Wyznaczane przy pomocy funkcji roots(vect), np. :
     + Zera:
     + Bieguny:
2. **Reprezentacja modelu dyskretnego w przestrzeni stanu stosując oba warianty metody bezpośredniej:** 
   * Zapis wektorowo macierzowy modelu w przestrzeni stanu wg wariantu pierwszego:

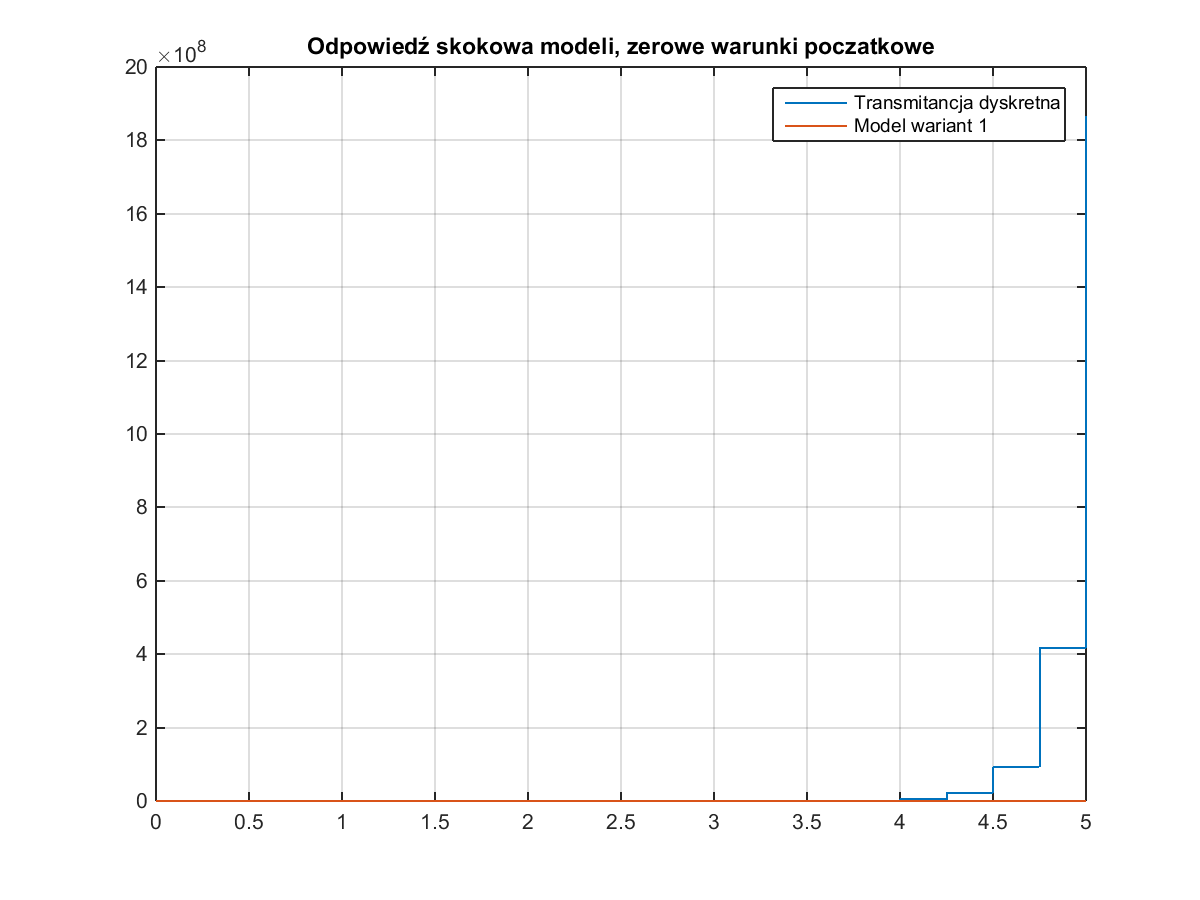
* + Zapis modelu wg wariantu pierwszego w postaci równań przestrzeni stanu:
  + Zapis wektorowo macierzowy modelu w przestrzeni stanu wg wariantu drugiego:

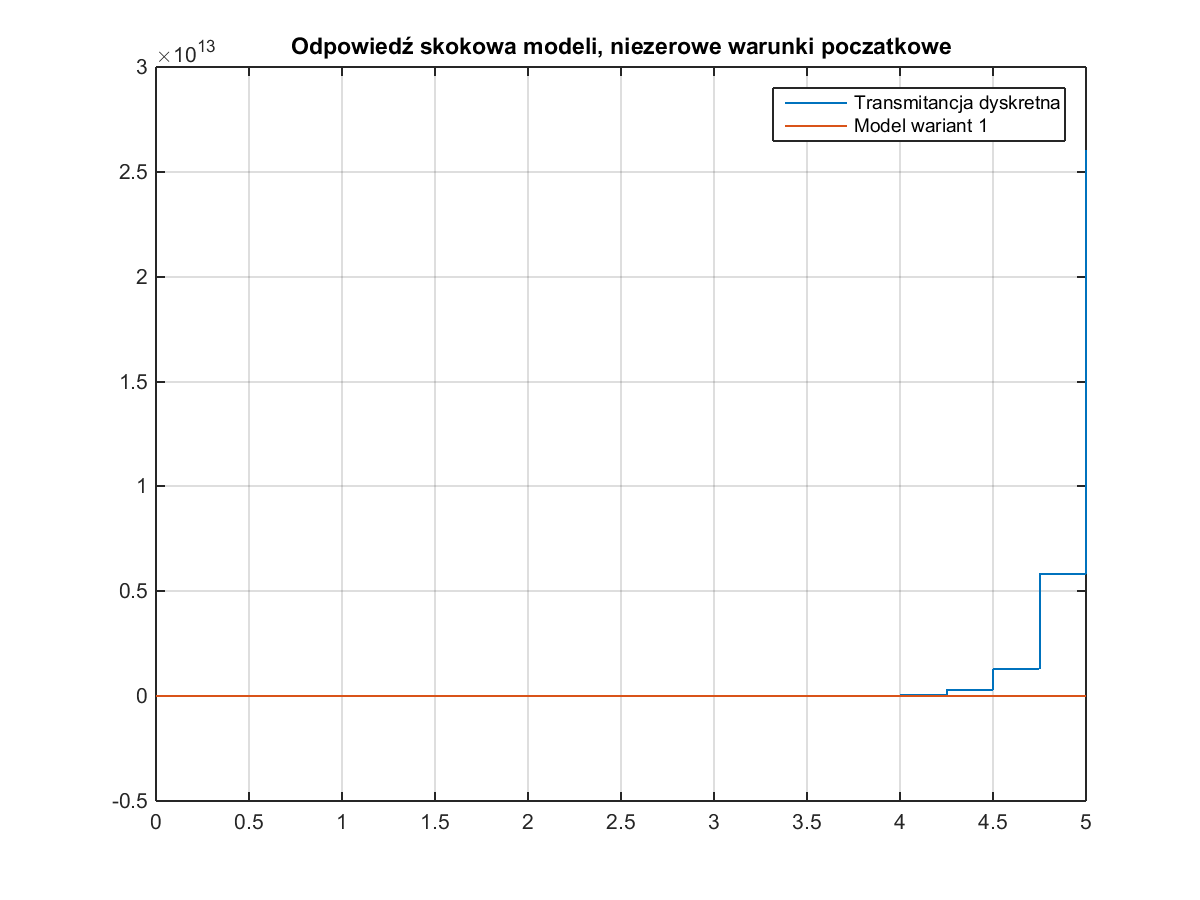
* + Zapis modelu wg wariantu drugiego w postaci równań przestrzeni stanu:
  + Szczegółowa struktura modeli w obu wariantach:

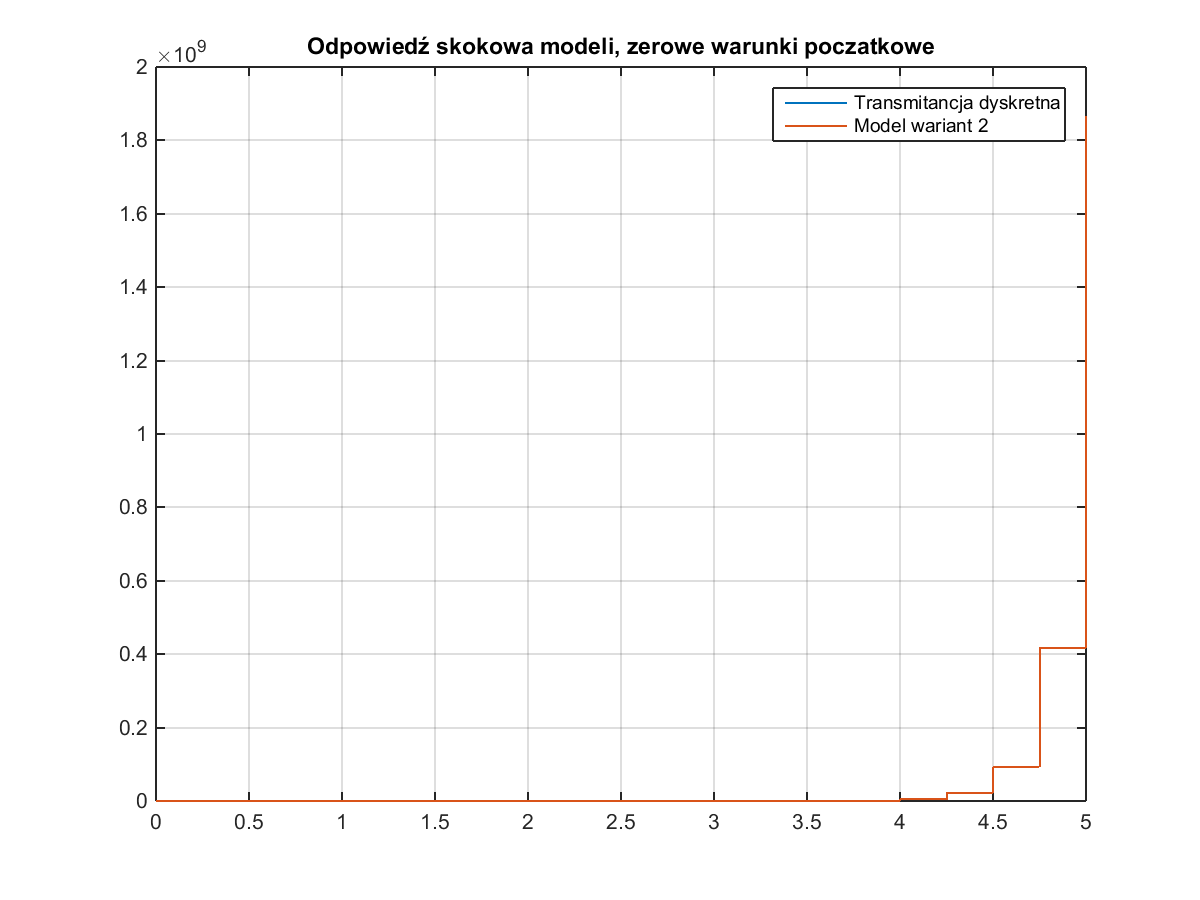
Rys. 1 – Struktura modelu wg. wariantu pierwszego

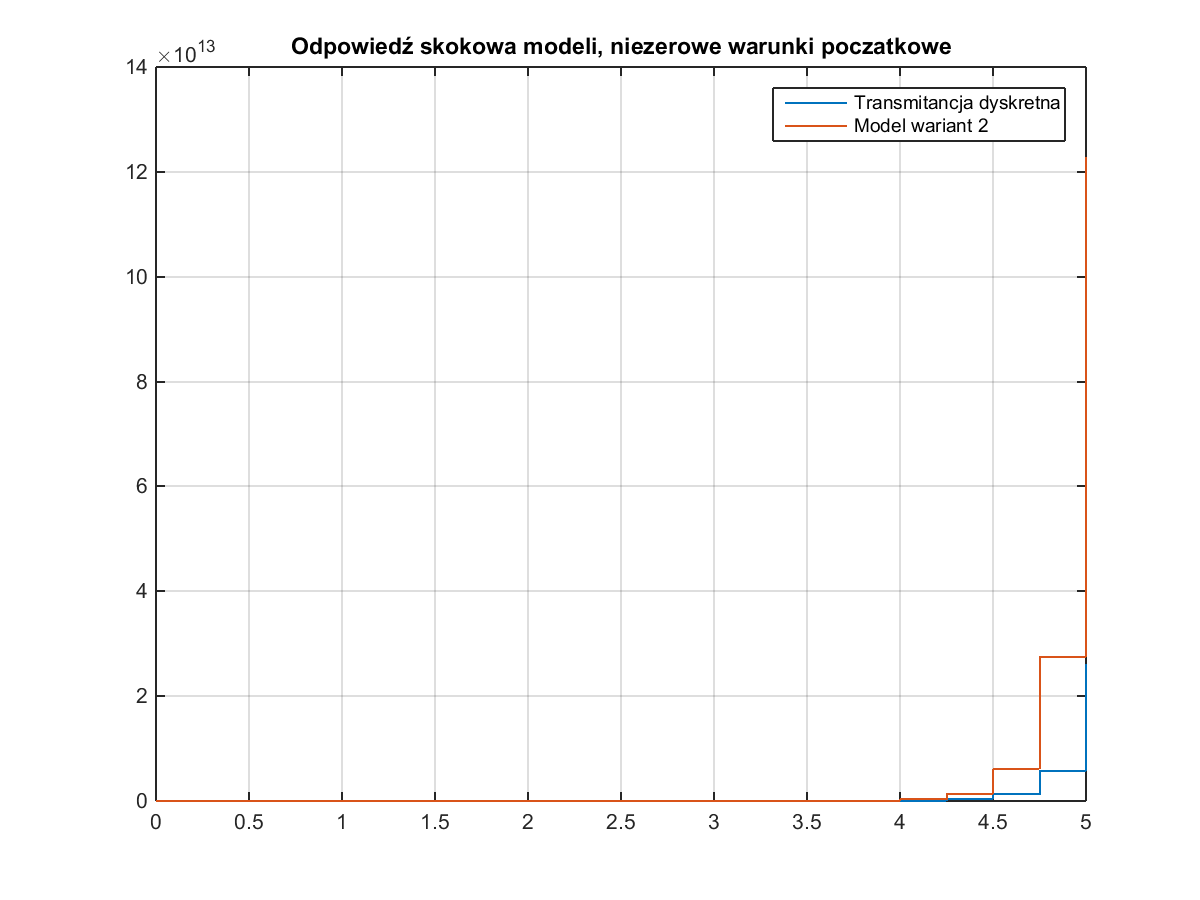
 Rys. 2 – Struktura modelu wg. wariantu drugiego

1. **Symboliczne wyznaczenie i porównanie transmitancji   
   modeli w przestrzeni stanu:**
   * W ogólności transmitancję na podstawie macierzy stanu modelu wyznacza się ze wzoru poniżej:
   * Aby wyznaczyć transmitancję wg tego wzoru wymagane jest zadeklarowanie symbolu z w workspace Matlaba. Uzyskałem tą metodą identyczne postacie transmitancji dla obydwu modeli, jednakże ich postać była bardzo rozwlekła – zapis transmitancji był stosunkowo długi, więc postanowiłem użyć innej metody wyznaczającej transmitancję i jednocześnie zapewniającej stosowną postać wyniku. Finalnie użyłem zestawu funkcji przekształcających macierze stanu kolejno do postaci klasy modelu w przestrzeni stanu( ss() ), a następnie do postaci transmitancji dyskretnej( tf() )
   * Otrzymane tą metodą transmitancje dla obydwu modeli okazały się jednakowe, a ponadto jest ona zgodna z transmitancją dyskretną pierwotną G(z):
2. Porównanie odpowiedzi skokowych transmitancji dyskretnej oraz modeli w przestrzeni stanu:

Rys. 3 – Odpowiedź skokowa transmitancji dyskretnej i modelu wg 1 wariantu

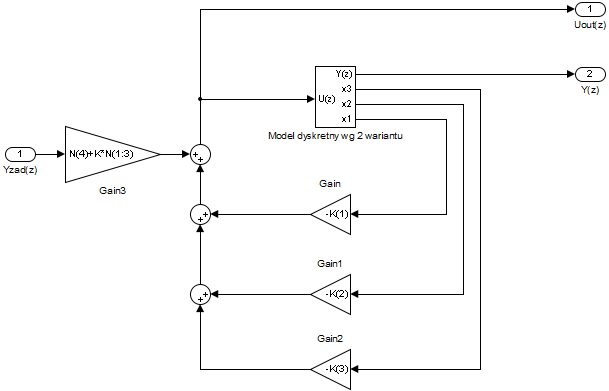
 Rys. 4 – Odpowiedź skokowa transmitancji dyskretnej i modelu wg 1 wariantu

 Rys. 5 – Odpowiedź skokowa transmitancji dyskretnej i modelu wg 2 wariantu

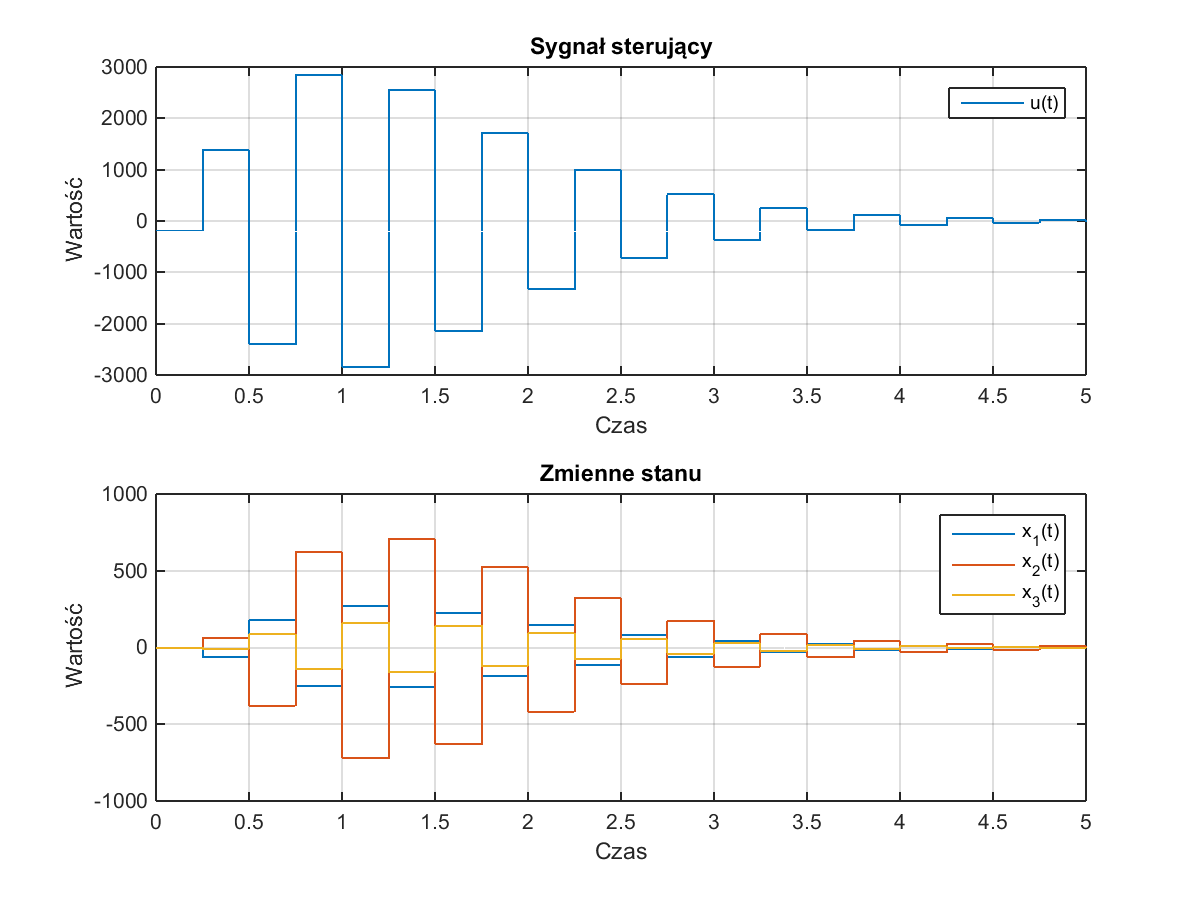
 Rys. 6 – Odpowiedź skokowa transmitancji dyskretnej i modelu wg 2 wariantu

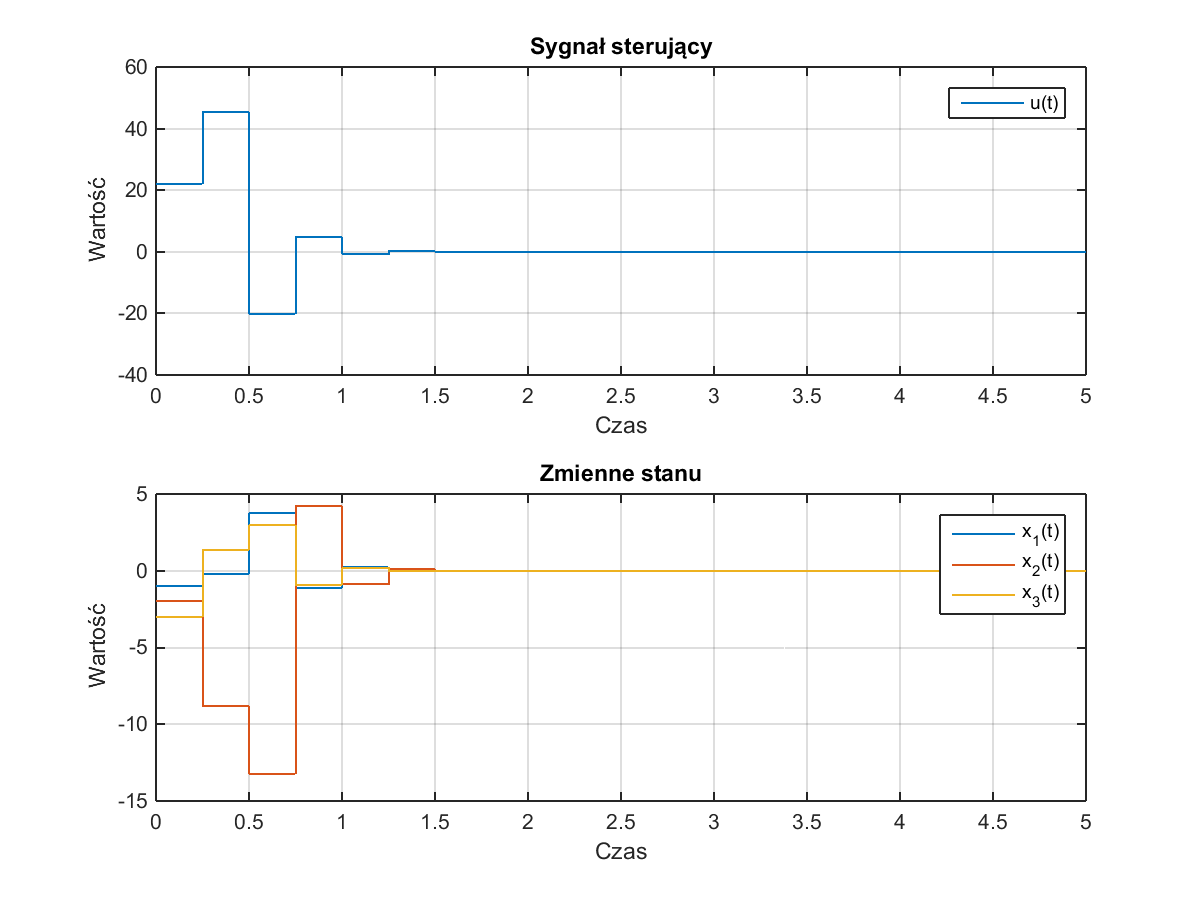
* + Paaaanie nic nie działa…

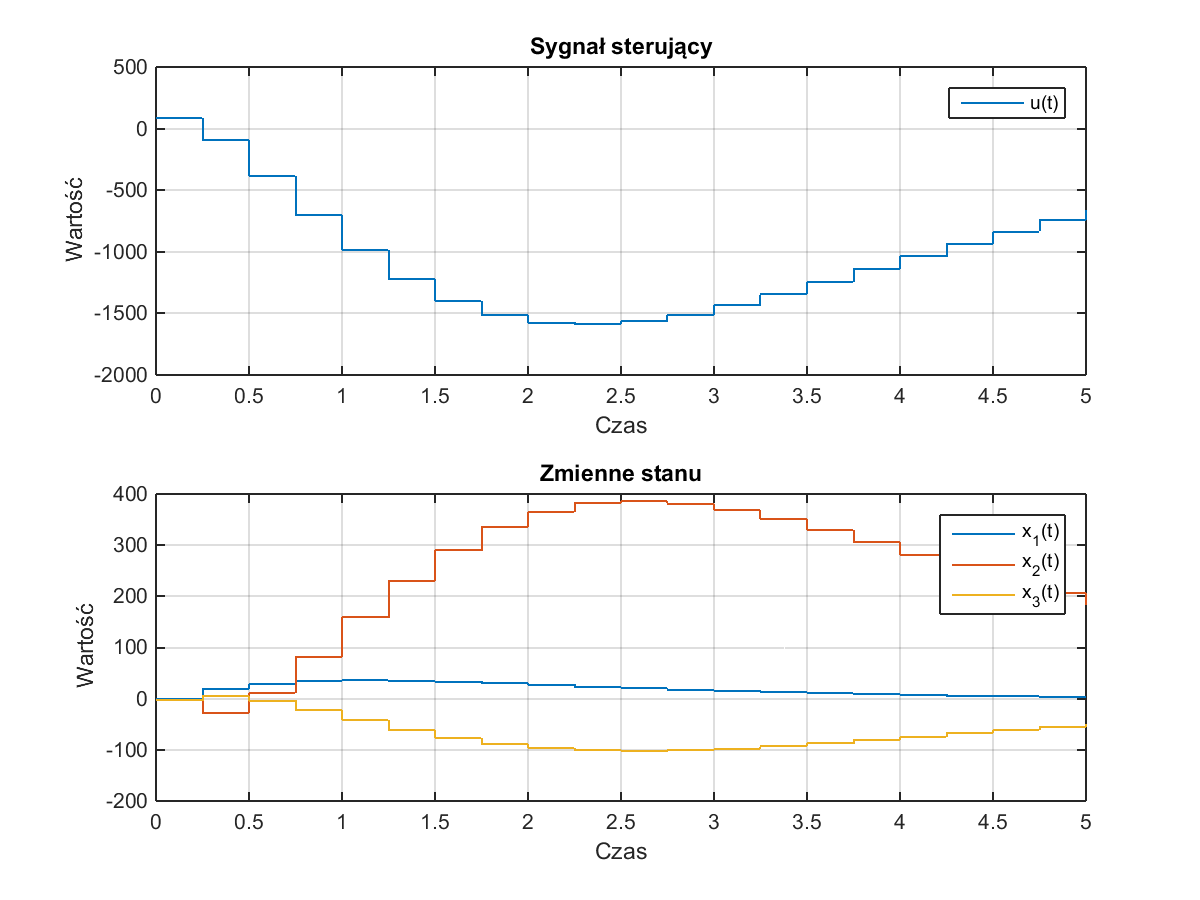
1. **Sterowalność i obserwowalność modelu wg drugiego wariantu:**
   * Sprawdzenie sterowalności sprowadza się do sprawdzenia czy kwadratowa macierz sterowalności S jest pełnego rzędu, co sprawdza się obliczając wyznacznik macierzy S:
   * Wyznacznik macierzy S ma stosunkowo małą, ale różną od zera wartość, oznacza to, że model jest sterowalny jednakże jest on słabo sterowalny.
   * Sprawdzenie obserwowalności sprowadza się do sprawdzenia czy kwadratowa macierz obserwowalności O jest pełnego rzędu, co sprawdza się obliczając wyznacznik macierzy O:
   * Wyznacznik macierzy O jest różny od zera, oznacza to, że model jest obserwowalny
2. **Regulator ze sprzężeniem od stanu:**
   * Po podaniu sygnału sprzężenia zwrotnego na wejście modelu   
     sygnał u[k] przyjmuje postać:
   * W konsekwencji równanie kolejnych wartości zmiennych stanu:
   * Gdzie poszeczególne nowe wektory:
     + Nu i Nx pełnią rolę przy zerowaniu uchybu ustalonego:
     + K jest wektorem sprzężeń od stanu, ważnymi parametrami przy wyznaczaniu jego wartości są pożądane bieguny z:
   * Równanie charakterystyczne układu przyjmuje postać:
   * Taka postać równania zależna od K pozwala lokować bieguny modelu, co w naszym przypadku może pomóc ustabilizować obiekt

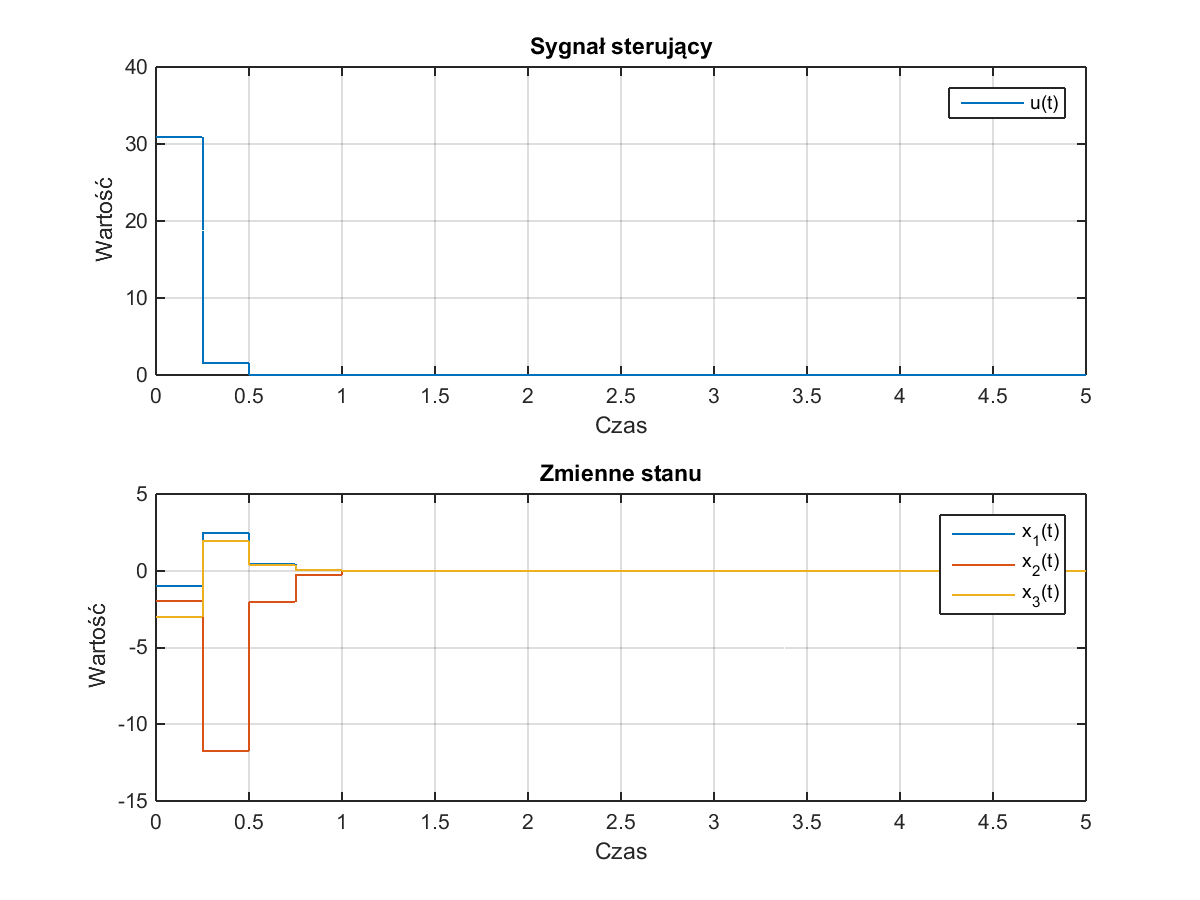
Rys. 7 – Struktura układu regulacji ze sprzężeniem od stanu

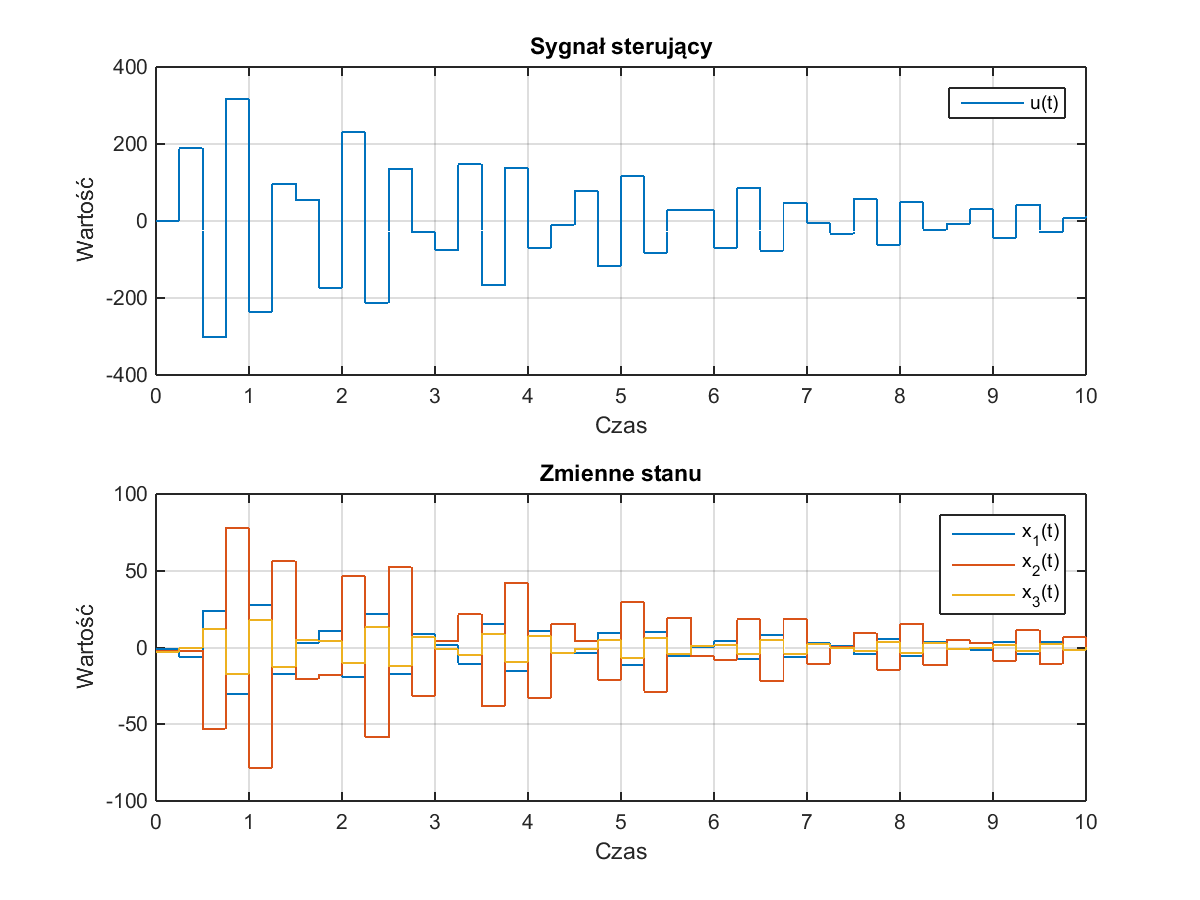
* + Symulacja modelu dla trzech takich samych biegunów rzeczywistych:

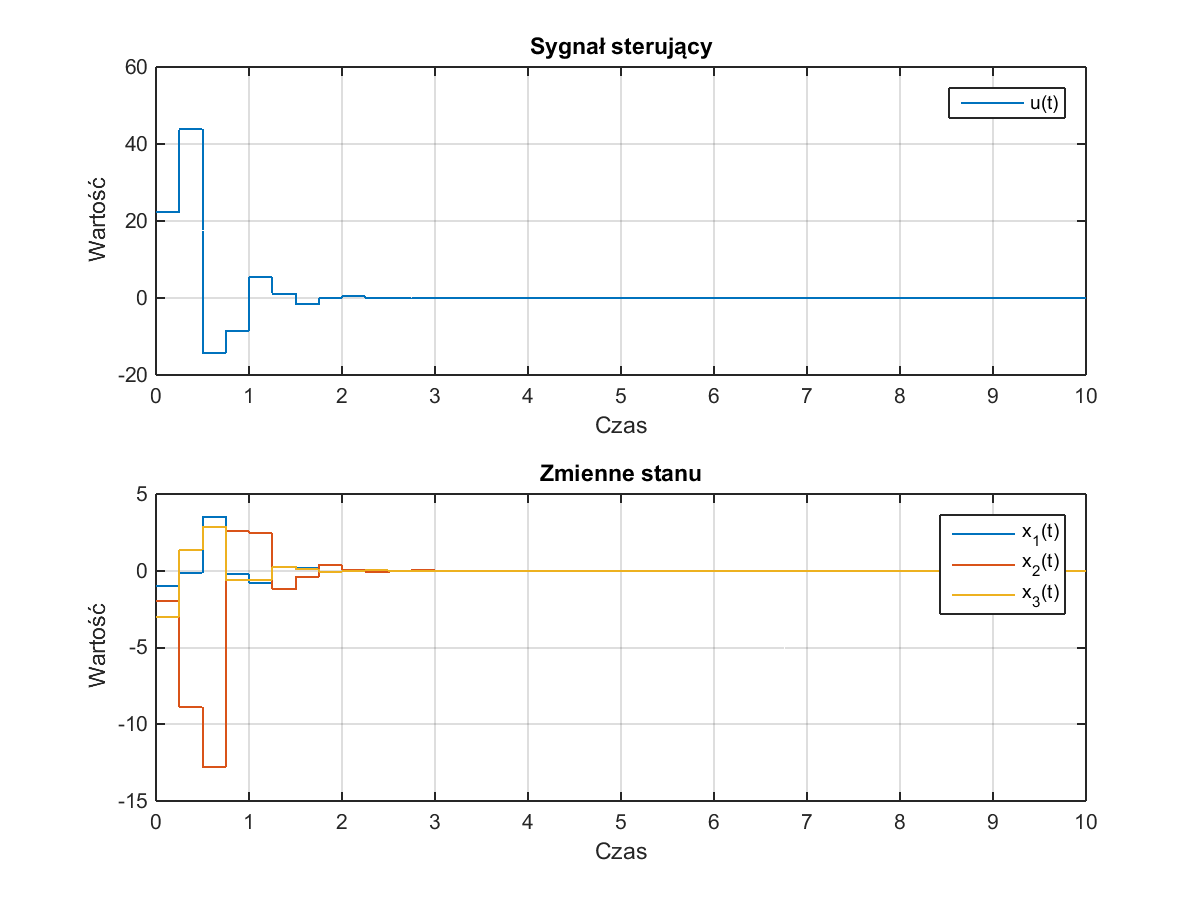
Rys. 8 – Symulacja regulatora, ujemne bieguny rzeczywiste, zb=-0.6

 Rys. 9 – Symulacja regulatora, ujemne bieguny rzeczywiste, zb=-0.1

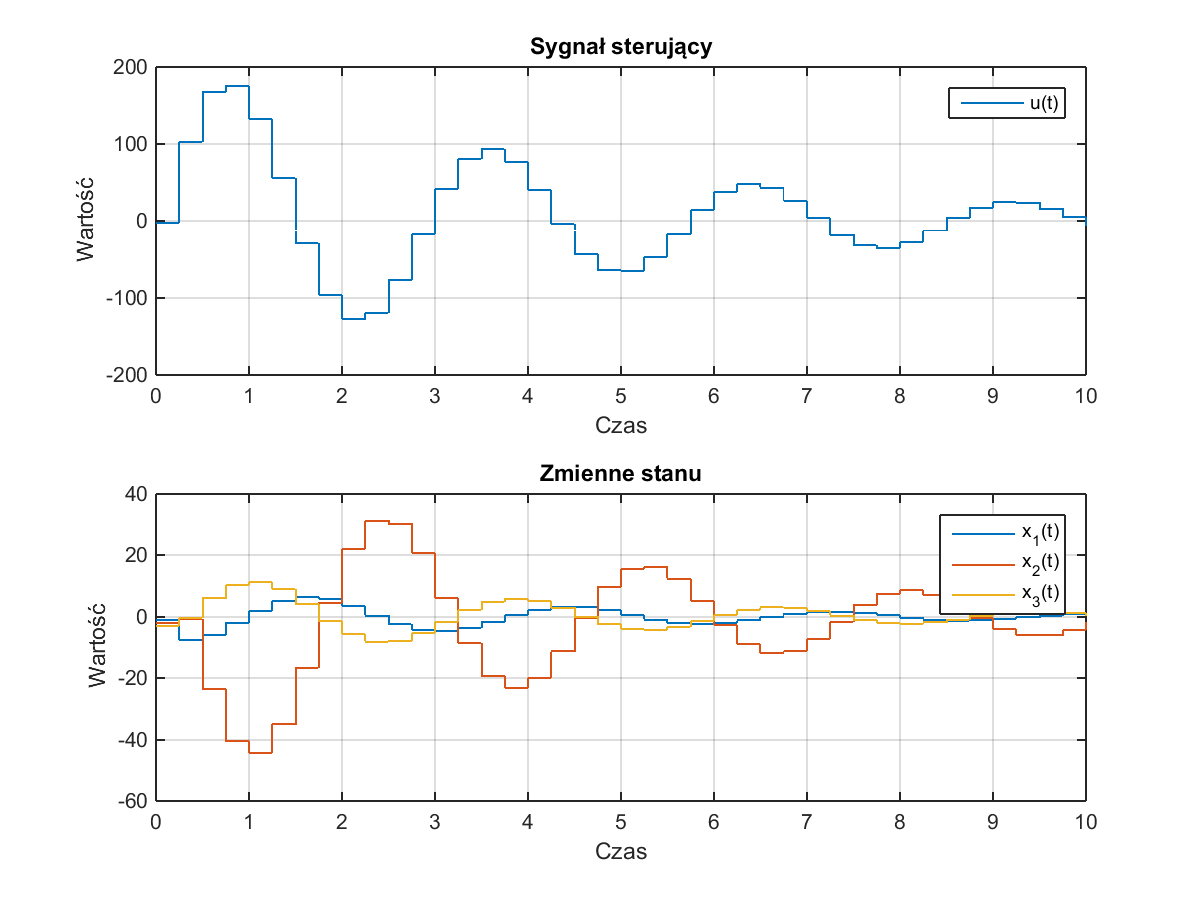
 Rys. 10 – Symulacja regulatora, dodatnie bieguny rzeczywiste, zb=0.8

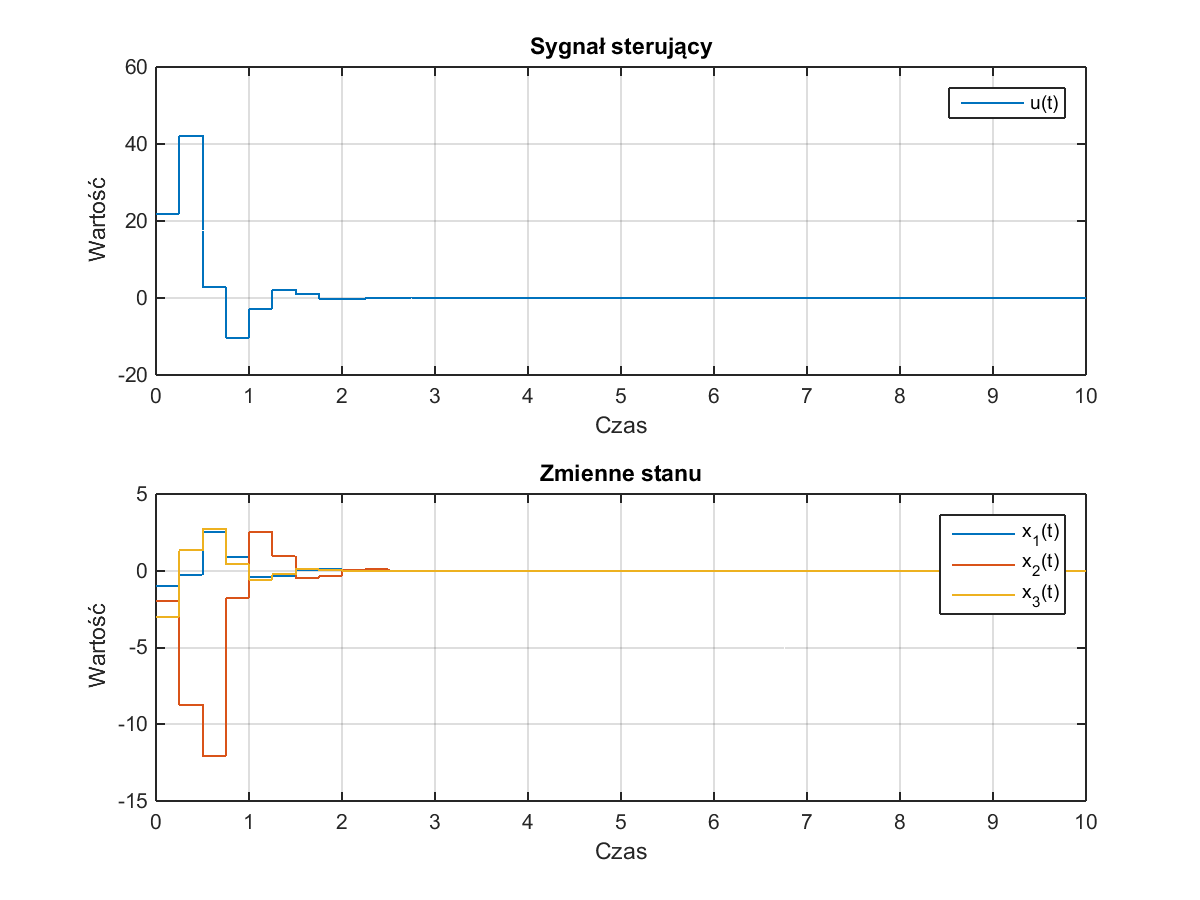
 Rys. 11 – Symulacja regulatora, dodatnie bieguny rzeczywiste, zb=0.1

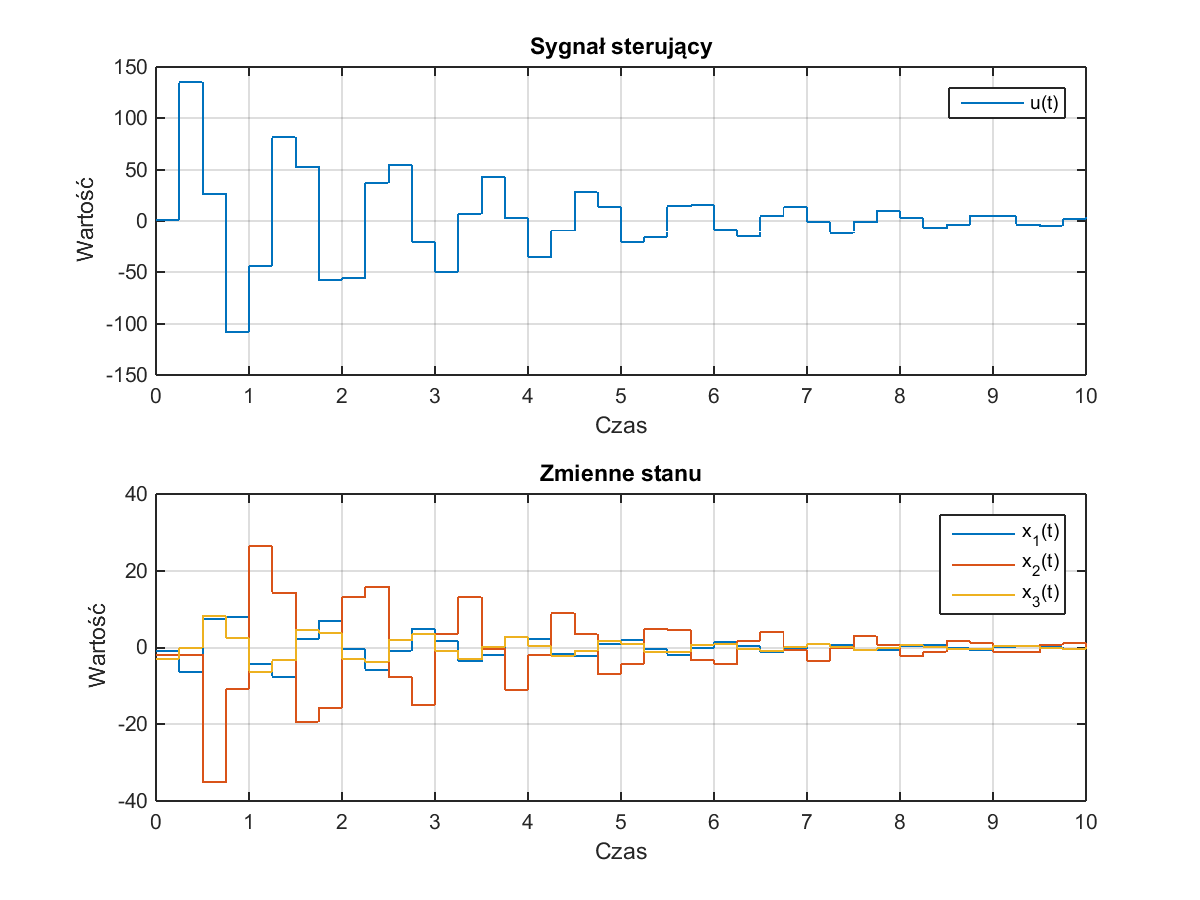
* + Opis
  + Można przyjąć bieguny zerowe
  + Symulacja modelu dla jednego bieguna rzeczywistego i dwóch biegunów sprzężonych:

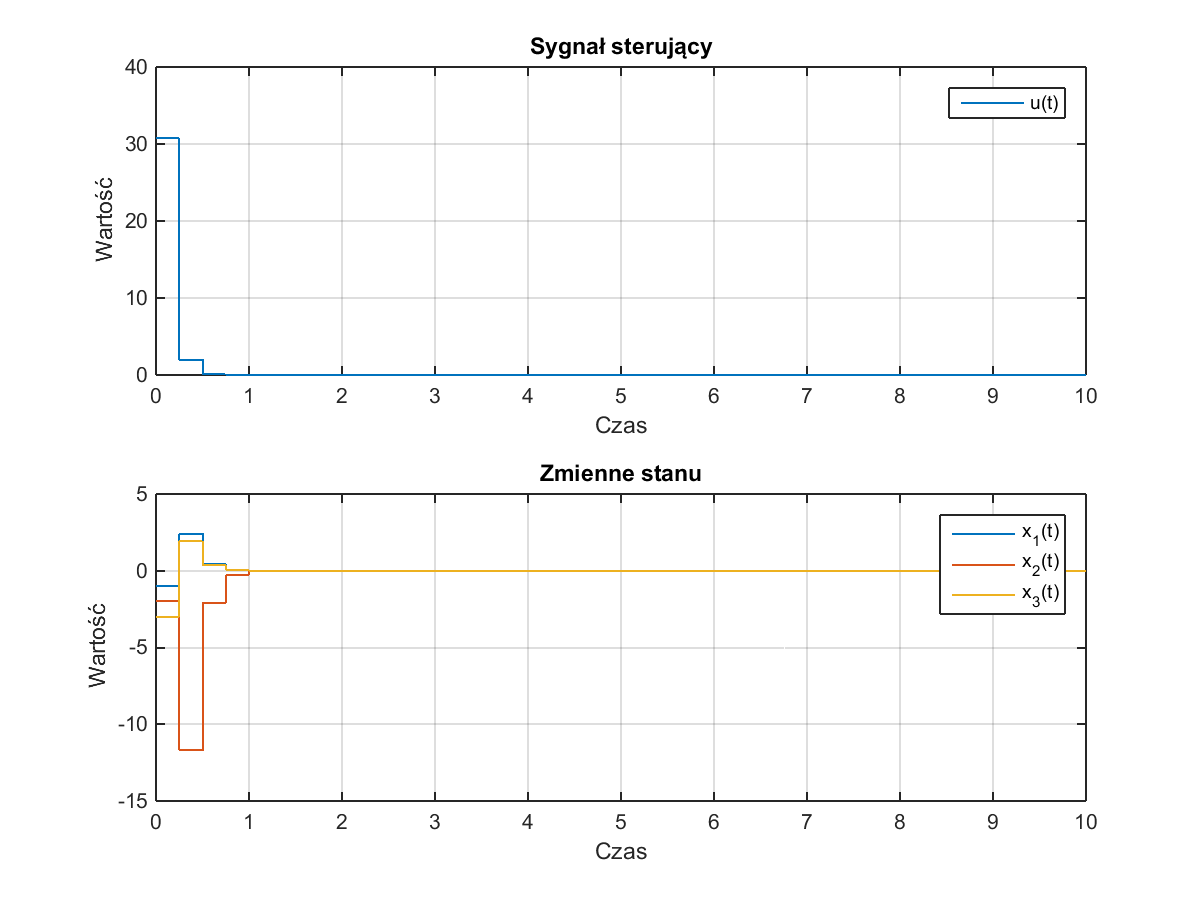
 Rys. 12 – Symulacja regulatora, duża ujemna cześć rzeczywista

Rys. 13 – Symulacja regulatora, mała ujemna część rzeczywista

 Rys. 14 – Symulacja regulatora, duża dodatnia część rzeczywista

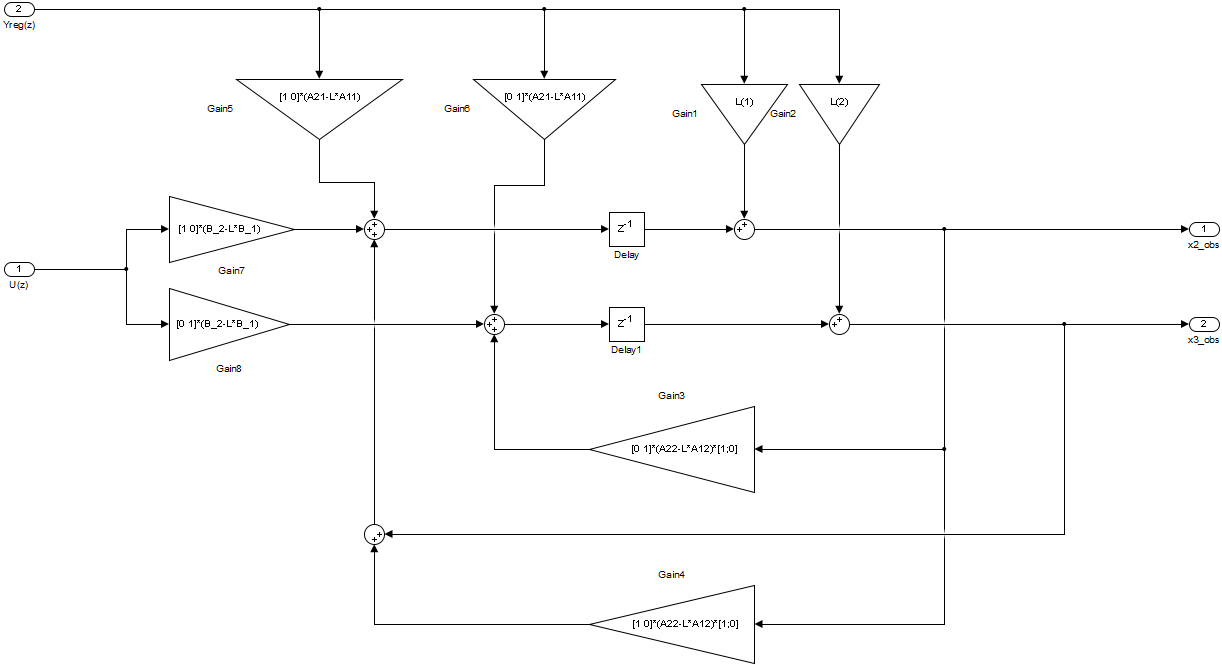
 Rys. 15 – Symulacja regulatora, mała dodatnia część rzeczywista

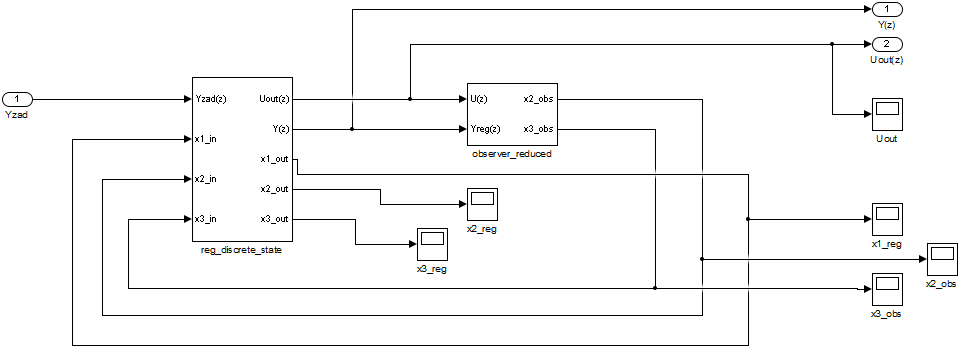
 Rys. 16 – Symulacja regulatora, duża część urojona

 Rys. 17 – Symulacja regulatora, mała część urojona

* + opis
  + e

1. **Wybór najlepszego regulatora:** 
   * Wariant 1: bieguny 0.1
   * Wariant 2: rzeczywisty 0.2, zespolone a=0.1 b=0.2
2. **Obserwator zredukowanego zrzędu o dwóch biegunach rzeczywistych, brak pomiaru zmiennych stanu x2 i x3:**
   * Zmienne stanu odtwarzane przez obserwator zapisywane są „z daszkiem”
   * Wektor zmiennych stanu przyjmuje postać:
   * Dotychczasowo uzywane równanie stanu układu przyjmuje postać:
   * Gdzie poszczególne macierze to:
   * Równanie charakterystyczne:
   * Wekor L wyznaczany jest m.in. z parametrów będącymi biegunami obserwatora:

Rys. 18 – Szczegółowa struktura obserwatora zredukowanego rzędu

 Rys. 19 – Ogólna struktura układu regulacji z obserwatorem

1. **Porównanie zmiennych stanu odtwarzanych i rzeczywistych:**